# Time series analysis: from econometrics to epidemiology

Antonio Gasparrini



London School of Hygiene and Tropical Medicine

29 September 2010

## Time series: definition

・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・

A time series is defined as a collection of observations sampled at **equally-spaced** and **ordered** time points

Statistically, the series is treated as a sequence of *n* random variables  $Y_1, \ldots, Y_t, \ldots, Y_n$ , assumed to be a single realization of a *discrete-time stochastic process*  $\{Y_t\}$ 

## ARIMA models

Many probabilistic models are based on the assumption of *(weakly) stationarity* of the series:

- Constant  $\mu = E(Y)$
- $\operatorname{Cov}(Y_t, Y_s) = \gamma(h)$ , with h = |t s|

Series usually exhibit stochastic or deterministic trends

Stationarity may be recovered by *auto-regressing*, *integrating*, and *averaging* (*filtering*) the series  $\longrightarrow$  **ARIMA** models

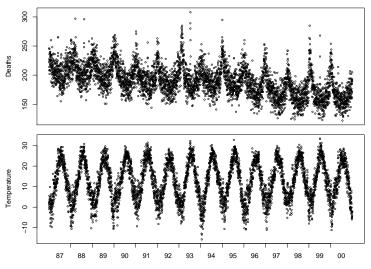
## Temporal decomposition

In epidemiological studies, the purpose of time series analysis is shifted from **prediction** to **estimation** 

The series is decomposed into long-time and seasonal trends (or other components related to different timescales), and the contribution of **additional terms** 

The series  $\{Y_t\}$  is then described as the sum of *deterministic* signal plus a stochastic stationary noise

### Temperature and mortality series New York 1987-2000



Years

ト ミ のへの

### **Regression models**

# In modern applications, decomposition is performed through regression models

A general model to describe the series of observed outcomes  $y_t$ , with t = 1, ..., n is given by:

$$g(y_t) = \alpha + \sum_{j=1}^{J} s_j(x_{tj}; \beta_j) + \epsilon_t$$

Focus on the index t: temporal structure of the association

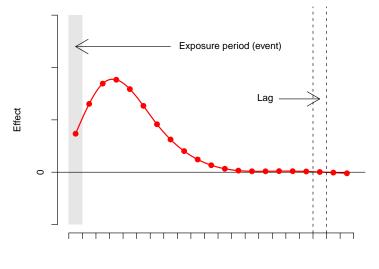
### Methodological research topics

- Methods to describe the **temporal structure** of the association (delayed effects)
- Smoothing techniques for control of seasonality
- Methods to incorporate residual correlation
- Interrupted time series: before-after design

## **Delayed** effects

・ロト ・聞ト ・ヨト ・ヨト

æ



Time (Lags)

# Distributed lag (non-linear) models

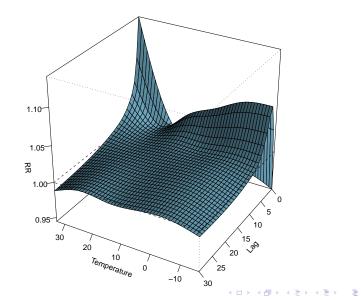
A statistical framework to describe simultaneously **non-linear** and **delayed** effects in time series data

DLNMs are expressed by the definition of a **cross-basis**: bi-dimensional function describing the relationship along the spaces of predictor and lag

・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・

This framework is implemented in the R package dlnm

### Temperature and mortality (I) Chicago 1987-2000



SAC

### Temperature and mortality (II) Chicago 1987-2000

